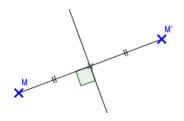
# AP 3 ime: Transformations

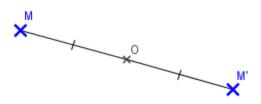


# Symétrie axiale :

Dire que deux points M et M' sont symétriques par rapport à une droite (d) signifie que :

- (MM') et (d) sont perpendiculaires
- Le milieu du segment [MM'] se trouve sur la droite (d)



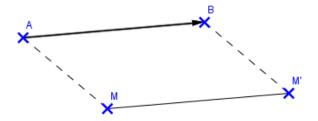


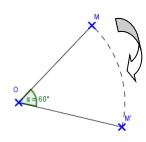
# Symétrie centrale :

Dire que deux points M et M' sont symétriques par rapport à un point O signifie que O est le milieu du segment  $\lceil MM' \rceil$ .

#### Translations:

Dire que M' est l'image de M par la translation qui transforme A en B, signifie que ABM'M est un parallélogramme.





#### Rotations:

Dire que M' est l'image de M par la rotation de centre O et d'angle  $60^{\circ}$  dans le sens des aiguilles d'une montre signifie que :

- OM = OM'
- $\widehat{MOM}' = 60^{\circ}$
- On tourne dans le sens des aiguilles d'une montre pour aller de M à M'

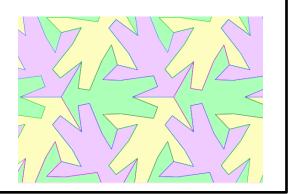
#### Frises:

Une frise est obtenue en répétant un motif de base par des applications successives d'une même translation.

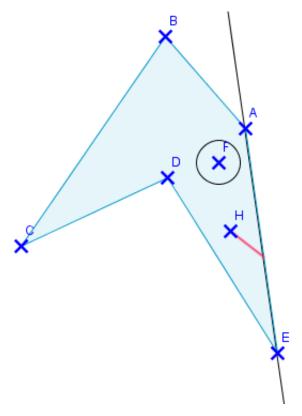


### Pavages:

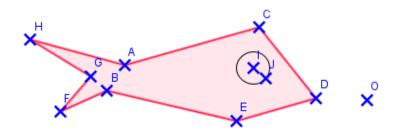
Opération qui consiste à recouvrir une surface plane ou un espace en juxtaposant sans vide et sans empiétement, selon une règle de formation déterminée, des figures ou des objets offrant une certaine régularité.



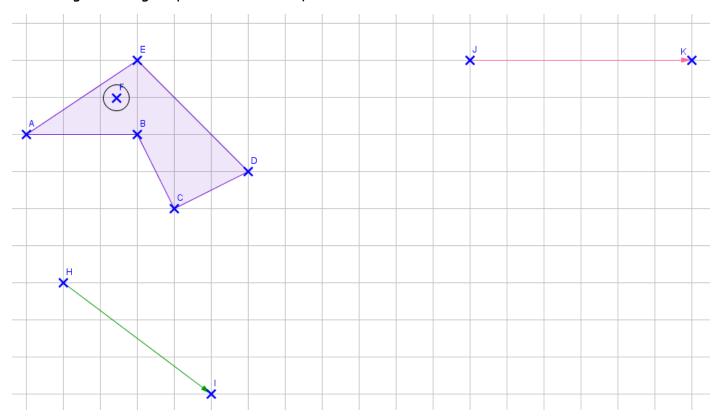
Exercice 1 : Complète la figure par symétrie par rapport à la droite (AE) :



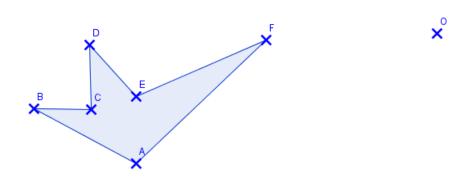
Exercice 2 : Construis le symétrique de la figure par rapport au point O



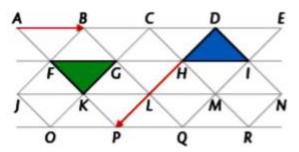
 $\underline{\text{Exercice 3}}$ : Construis en rouge l'image de la figure par la translation qui transforme J en K, puis en vert l'image de la figure par la translation qui transforme H en I.



Exercice 4: Construis l'image de la figure par la rotation de centre O, d'angle  $60^{\circ}$  dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.



Exercice 5 : D'après la figure ci-dessous, détermine :



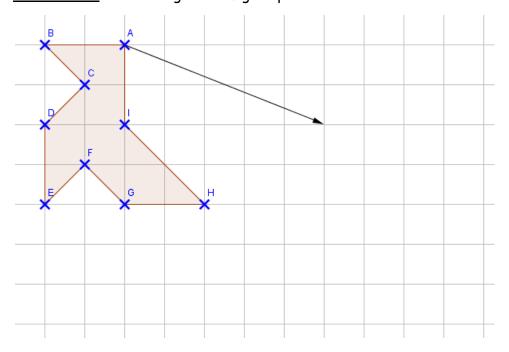
1) L'image par la translation qui transforme A en B :

Du point C:..... Du point L:..... Du point B:..... Du point Q:..... du triangle FGK:.....

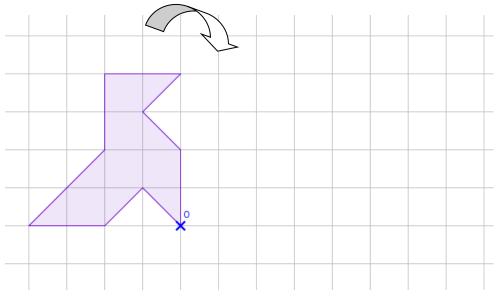
2) L'image par la translation qui transforme H en P :

Du point B:..... Du point C:..... Du point G:..... Du point E:..... du triangle DHI: .....

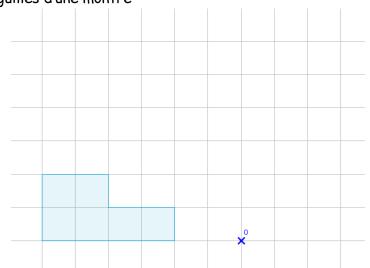
Exercice 6 : Trace l'image de la figure par la translation donnée

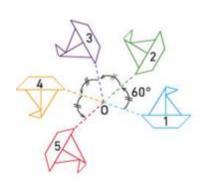


Exercice 7 : Construis l'image de la cocotte par la rotation de centre O et d'angle  $90^\circ$  dans le sens de la flèche



<u>Exercice 8 : Construis l'image</u> de la figure par la rotation de centre O et d'angle 90° dans le sens des aiguilles d'une montre





<u>Exercice 9 : Complète les phrases suivantes en précisant les caractéristiques des rotations appliquées.</u>

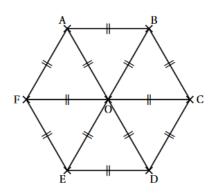
Le bateau 2 est l'image du bateau 1 par la rotation de centre d'angle dansdans
Le bateau 3 est l'image du bateau 1 par la rotation de centre d'angle dans
Le bateau 5 est l'image du bateau 4 par la rotation de centre d'angle dans
Le bateau 5 est l'image du bateau 1 par la rotation de centre d'angle dans

# Exercice 10 (DNB Amérique du Nord - juin 2019): Dans cet exercice, aucune justification n'est attendue

On considère l'hexagone ABCDEF de centre O représenté ci-contre

 Parmi les propositions suivantes, recopier celle qui correspond à l'image du quadrilatère CDEO par la symétrie de centre O

Proposition 1	Proposition 2	Proposition 3
FABO	ABCO	FODE

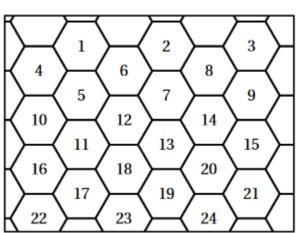


- 2. Quelle est l'image du segment [AO] par la symétrie d'axe (CF)?
- 3. On considère la rotation de centre O qui transforme le triangle OAB en le triangle OCD. Quelle est l'image du triangle BOC par cette rotation?

La figure ci-contre représente un pavage dont le motif de base a la même forme que l'hexagone cidessus.

On a numéroté certains de ces hexagones.

4. Quelle est l'image de l'hexagone 14 par la translation qui transforme l'hexagone 2 en l'hexagone 12 ?

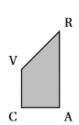


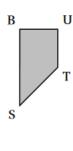
### Exercice 11 (DNB Amérique du Sud novembre 2019) : Dire si l'affirmation est vraie ou fausse.

On rappelle que chaque affirmation doit être justifiée.

#### Affirmation no 3

« À partir du quadrilatère BUTS, on a obtenu le quadrilatère VRAC par une translation ».

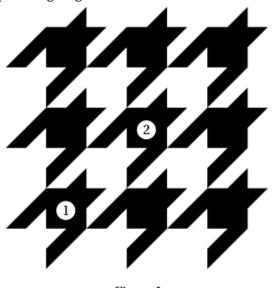




# Exercice 12 (DNB Pondichéry mai 2018):

Le pavage représenté sur la figure 1 est réalisé à partir d'un motif appelé pied-de-coq qui est présent sur de nombreux tissus utilisés pour la fabrication de vêtements.

Le motif pied-de-coq est représenté par le polygone ci-dessous à droite (figure 2) qui peut être réalisé à l'aide d'un quadrillage régulier.





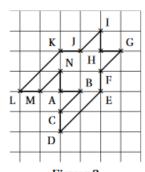
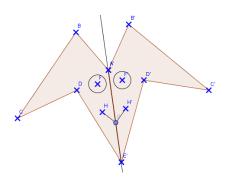


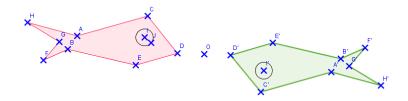
Figure 2

- Sur la figure 1, quel type de transformation géométrique permet d'obtenir le motif 2 à partir du motif 1?
- Dans celte question, on considère que : AB = 1 cm (figure 2).
  Déterminer l'aire d'un motif pied-de-coq.
- 3. Marie affirme « si je divise par 2 les longueurs d'un motif, son aire sera aussi divisée par 2 ». A-t-elle raison? Expliquer pourquoi.

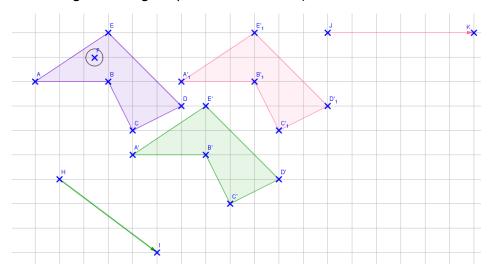
<u>Exercice 1</u>: Pense à laisser les traits de construction (qui ne sont pas dans cette correction, et les codages de longueurs et d'angles droits)



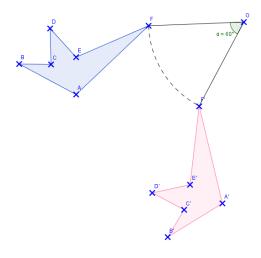
Exercice 2 : Construis le symétrique de la figure par rapport au point O



Exercice 3 : Construis en rouge l'image de la figure par la translation qui transforme J en K, puis en vert l'image de la figure par la translation qui transforme H en I.



Exercice 4: Construis l'image de la figure par la rotation de centre O, d'angle  $60^{\circ}$  dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.



Exercice 5 : D'après la figure ci-dessous, détermine :

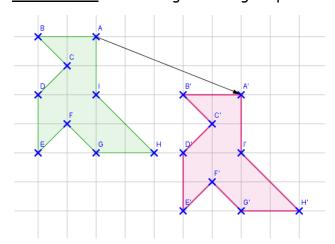
1) L'image par la translation qui transforme A en B :

Du point C:D. Du point L:M. Du point B:C Du point Q:R du triangle FGK:GHL.

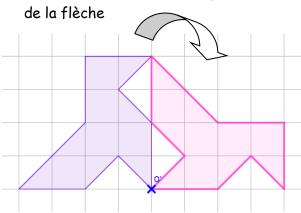
2) L'image par la translation qui transforme H en P :

Du point B:J Du point C:K Du point G:O. Du point E:M. du triangle DHI: LPQ

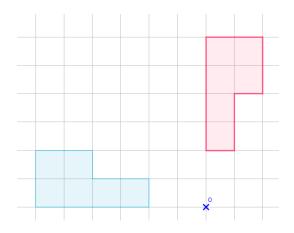
Exercice 6 : Trace l'image de la figure par la translation donnée

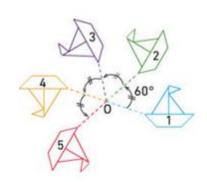


Exercice 7 : Construis l'image de la cocotte par la rotation de centre O et d'angle 90° dans le sens



 $\underline{\text{Exercice 8}}$ : Construis l'image de la figure par la rotation de centre O et d'angle  $90^\circ$  dans le sens des aiguilles d'une montre





# Exercice 9:

Le bateau 2 est l'image du bateau 1 par la rotation de centre ..O.. d'angle .60°... dans .le sens.inverse des aiguilles d'une montre....

Le bateau 3 est l'image du bateau 1 par la rotation de centre ... O d'angle ... 120° .. dans ... le sens inverse des aiguilles d'une montre

Le bateau 5 est l'image du bateau 4 par la rotation de centre O.. d'angle ..60°. dans .. le sens inverse des aiguilles d'une montre

Le bateau 5 est l'image du bateau 1 par la rotation de centre O d'angle .120°. dans le sens des aiguilles d'une montre.

# Exercice 10:

1.FABO.

2.Le segment [EO].

3.La rotation est d'angle 120° dans le sens horaire.

L'image du triangle BOC par cette rotation est le triangle DOE.

4.C'est l'hexagone 19

#### Exercice 11:

Affirmation n.3: fausse

Les deux quadrilatères n'ont pas la même orientation.

#### Exercice 12:

- 1.On passe du motif 1 au motif 2 par une translation.
- 2.On compte à l'intérieur du motif 4 carreaux entiers et 8 demi-carreaux, donc :  $aire(pied-de-coq) = 4+8\times0,5=4+4=8 \text{ (cm2)}.$
- 3.Si les longueurs sont divisées par 2, les aires sont divisées par 2×2=4. Marie a tort.